

6年1組文系数学演習課題【三角関数：基本】

1  $\sin \frac{5}{2}\pi = \boxed{\text{ア}}$ ,  $\cos\left(-\frac{4}{3}\pi\right) = \boxed{\frac{\text{イ}\sqrt{\text{ウ}}}{\text{エ}}}$ ,  $\tan \frac{15}{4}\pi = \boxed{\text{オカ}}$  である。

2 関数  $y = \cos\left(4x - \frac{\pi}{2}\right)$  の周期は、 $\boxed{\frac{\pi}{4}}$  である。また、この関数のグラフは、

$y = \cos 4x$  のグラフを  $x$  軸方向に  $\boxed{-\frac{\pi}{4}}$  だけ平行移動したものである。

3  $\tan \alpha = \frac{3}{4}$ ,  $\tan \beta = -\frac{5}{12}$  ( $0 < \alpha < \pi$ ,  $0 < \beta < \pi$ ) であるとき、 $\cos \beta = \boxed{\frac{\text{アイ}\sqrt{\text{ウ}}}{\text{エオ}}}$ ,

$\cos(\alpha + \beta) = \boxed{\frac{\text{カキタ}}{\text{ケコ}}}$ ,  $\sin 2\alpha = \boxed{\frac{\text{サシ}}{\text{スセ}}}$  である。

4  $0 \leq \theta < 2\pi$  とする。不等式  $\cos \theta \leq -\frac{\sqrt{3}}{2}$  の解は  $\boxed{\frac{\text{ア}}{\text{イ}}}\pi \leq \theta \leq \boxed{\frac{\text{ウ}}{\text{エ}}}\pi$  であり、

不等式  $2\cos^2 \theta + \sqrt{3} \sin \theta + 1 > 0$  の解は

$\boxed{\text{オ}} \leq \theta < \boxed{\frac{\text{カ}}{\text{キ}}}\pi$ ,  $\boxed{\frac{\text{ク}}{\text{ケ}}}\pi < \theta < \boxed{\text{ユ}}\pi$  である。また、方程式

$\sin 2\theta = \sqrt{2} \cos \theta$  の解は、小さい順に  $\theta = \boxed{\frac{\pi}{\text{サ}}}$ ,  $\boxed{\frac{\pi}{\text{シ}}}$ ,  $\boxed{\frac{\text{ス}}{\text{セ}}}\pi$ ,  $\boxed{\frac{\text{ソ}}{\text{タ}}}\pi$

である。

5  $0 \leq \theta < \pi$  とする。関数  $y = 3\cos 2\theta + 4\sin \theta$  の最大値は  $\boxed{\frac{\text{アイ}}{3}}$ , 最小値は  $\boxed{\text{ウ}}$  である。

6  $\frac{3}{2}\pi < \theta < \frac{5}{2}\pi$  で、 $\sin \theta = \frac{4\sqrt{2}}{9}$  のとき、 $\cos \frac{\theta}{2} = \boxed{\frac{\text{アイ}\sqrt{\text{ウ}}}{\text{エ}}}$ ,  $\sin \frac{\theta}{2} = \boxed{\frac{\text{オカ}}{\text{キ}}}$  であるから、 $\tan \frac{\theta}{2} = \boxed{\frac{\sqrt{\text{ウ}}}{\text{ヒ}}}$  である。

7  $\sqrt{3} \sin \theta - \cos \theta$  は  $\boxed{\text{ア}} \sin\left(\theta - \boxed{\frac{\pi}{\text{イ}}}\right)$  と変形できるから、 $0 \leq \theta < 2\pi$  のとき、

$\sqrt{3} \sin \theta - \cos \theta = \sqrt{2}$  を満たす  $\theta$  の値は  $\theta = \boxed{\frac{\text{ウ}}{\text{エオ}}}\pi$ ,  $\boxed{\frac{\text{カキ}}{\text{ケケ}}}\pi$  である。